

# 國立台中教育大學 95 學年度大學日間部轉學招生考試

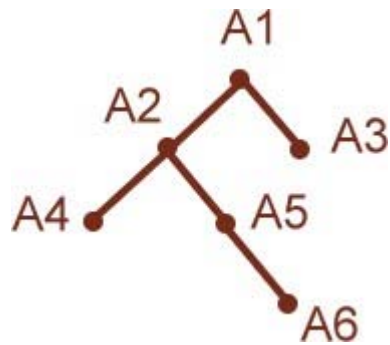
## 計算機概論 (含程式設計、資料結構)

適用學系：資科系

### 一、選擇題 (每題 2 分, 共 50 分, 25 題)

- 十進制的 12.25 轉換成二進制的表示法為何?  
1 110.01      2 110.10      3 1100.10      4 1100.01
- 電腦系統內的浮點表示法, 通常如何表示?  
1 浮點表示法=符號+指數+尾數      2 浮點表示法=指數+尾數+符號  
3 浮點表示法=指數+符號+尾數      4 浮點表示法=符號+尾數+指數
- 在邏輯運算中, 只有在兩個運算元之值相異時, 其結果才為真值的是下列哪一種運算?  
1 OR 運算      2 AND 運算      3 NOR 運算      4 XOR 運算
- 試計算邏輯運算  $(A+B) + (A' \cdot B')$  的結果.  
1 0      2 1      3 -1      4 不一定
- 物件導向技術中的三大特性為何?  
1 封裝(encapsulation)、繼承(inheritance)、類別(class)  
2 封裝(encapsulation)、繼承(inheritance)、多元性(polymorphism)  
3 類別(class), 繼承(inheritance), 多元性(polymorphism)  
4 以上皆非
- 電腦執行一個指令, 需完成哪些步驟(請依序列出).  
1 提取指令, 指令解碼, 執行運算, 提取運算元, 存放結果。  
2 提取指令, 指令解碼, 提取運算元, 執行運算, 存放結果。  
3 提取指令, 提取運算元, 指令解碼, 執行運算, 存放結果。  
4 提取指令, 執行運算, 提取運算元, 指令解碼, 存放結果。
- 電腦指令定址(addressing)方法中的間接定址(indirect addressing), 其有效位址如何取得?  
1 有效位址即為運算元欄之值  
2 有效位址為運算元欄所指另一位址的內含值  
3 有效位址為運算元欄與 PC 內含值相加所得  
4 有效位址為運算元欄之值減去目前記數器內的值
- Which of the following data structures are linear lists?  
1 tree      2 queue      3 dynamic structures      4 static structures

9. Give the preorder traversal sequence of the following tree ?



- 1 A1, A2, A3, A4, A5, A6      2 A1, A2, A4, A3, A5, A6  
 3 A1, A2, A4, A5, A3, A6      4 A1, A2, A4, A5, A6, A3

10. What is the result of FIB(7) based on the Fibonacci Sequence definition ?

FIB(N) = N, if N=0 or N=1

FIB(N) = FIB(N-2) + FIB(N-1), if N >=2

- 1 8            2 13            3 21            4 34

11. C 語言描述下列何者錯誤 ?

- 1 (x == y) 測試左右兩邊的值是否相等，表示 x 的值等於 y 的值的判斷式
- 2 x =y 將 y 的值 assign 給 x
- 3 function 的 return data type 為 void 表示不傳回值，int 表示傳回型態為整數
- 4 %f 為輸出入格式化使用，表示 int 資料型態

12. 下面程式片段使指標變數 P 指向一儲存型變數的動態儲存空間

int \*P; P = \_\_ malloc(sizeof(int)); 其中\_\_應填入

- 1 int      2 int \*      3 (\*int)      4 (int \*)

13. main() {

int i, x[3][3]={9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1}, \*p=&xs[1][1];

for(i=0; i < 4; i = i+2) printf(“ %d ”, p[i]);

}

以上程式的輸出結果為:

- 1 5 2      2 5 1      3 5 3      4 9 7

14. int x=10,y=0;

if(x>=0)

if(x==0) y=1;

else y=-1;

printf(“%d”,y);

上列程式段的輸出結果為:

- 1 1            2 10            3 0            4 -1

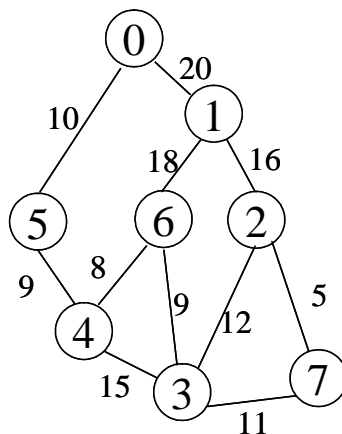


25. Suppose the current state in a Turing machine is 1, and the current symbol is 0, and that  $(1,0,1,2,R)$   $(1,0,0,3,L)$  both appear in the same collection of instructions. Then the machine \_\_\_\_\_.

- 1 would proceed as normal
- 2 has a conflict
- 3 would fix the problem and continue
- 4 would eliminate one of the instructions

## 二、問答及程式設計 ( 每題 10 分 , 共 50 分 , 5 題 )

1. Please describe the four compilation process steps and their functions in detail. (10 分)
2. 請利用 C/C++ 語言寫一個程式，該程式輸入兩個正整數，並輸出這兩個數字的最大公因數。(10 分)
3. Build a minimum cost spanning tree T by adding edges to T one at a time for the following graph. What is the time complexity? (10 分)



4. Please correct the following C program segment: (10 分)  

```
char str[80];  
printf( " Please input your name " );  
scanf( " %c " , &str);  
printf( " your name is %s " , str);
```
5. Write a procedure for inserting a node from a binary search tree? (10 分)

# 國立台中教育大學 95 學年度大學日間部轉學招生考試

## 數學 (含微積分、線性代數、離散數學)

適用學系：資料系

### 一、選擇題 (每題 4 分, 共 5 題, 20 分)

- ( ) 1. 設  $\vec{a} = (\cos 18^\circ, \sin 18^\circ)$ ,  $\vec{b} = (\cos 138^\circ, \sin 138^\circ)$ ,  $\vec{c} = (\cos 258^\circ, \sin 258^\circ)$ , 試求  $\vec{a} + \vec{b} + \vec{c} = ?$  (A)  $\left(\frac{1}{2}, \frac{\sqrt{3}}{2}\right)$  (B)  $\left(\frac{\sqrt{3}}{2}, \frac{1}{2}\right)$  (C) (1,0) (D) (0,0)
- ( ) 2. 求  $\lim_{n \rightarrow \infty} \int_0^1 \left(x^2 + \frac{1}{2}x^3 + \frac{1}{3}x^4 + \Lambda + \frac{1}{n}x^{n+1}\right) dx = ?$  (A)  $\frac{1}{4}$  (B)  $\frac{2}{4}$  (C)  $\frac{3}{4}$  (D) 1
- ( ) 3. 設  $f(x) = \sqrt{2 + \sqrt{2 + \sqrt{x}}}$ , 試求  $f'(4) = ?$  (A)  $\frac{1}{64}$  (B)  $\frac{1}{32}$  (C)  $\frac{1}{16}$  (D) 1
- ( ) 4. 若  $f\left(\frac{x-1}{x^2+1}\right) = x$ , 試求  $f'(-1) = ?$  (A) -2 (B) 1 (C) 0 (D) 3
- ( ) 5. 試求  $\sum_{k=1}^{999} \frac{1}{\sqrt[3]{(k+1)^2} + \sqrt[3]{(k+1)k} + \sqrt[3]{k^2}}$  之值為何? (A) 7 (B) 8 (C) 9 (D) 10

### 二、計算、證明及繪圖題 (共 80 分)

1. 令  $W_1 = \{[x_1 \ x_2 \ x_3 \ x_4] \in \mathbf{R}^{1 \times 4} \mid x_1 - x_3 - x_4 = x_1 + x_2 - 2x_3 - x_4 = 0\}$   
 $W_2 = \{[x_1 \ x_2 \ x_3 \ x_4] \in \mathbf{R}^{1 \times 4} \mid x_1 - x_2 = x_2 - x_3 = x_3 - x_4 = 0\}$ , 則  
 $\dim(W_1 + W_2) = ( \quad )$  (5 分)

2. 令矩陣  $A = \begin{bmatrix} 1 & 8 & 1 & 2 \\ 2 & 7 & 4 & 3 \\ 3 & 6 & 5 & 6 \\ 4 & 5 & 8 & 7 \end{bmatrix}$  且其特徵值為  $\lambda_i (i=1,2,3,4)$ , 則  
 $\lambda_1\lambda_2 + \lambda_1\lambda_3 + \lambda_1\lambda_4 + \lambda_2\lambda_3 + \lambda_2\lambda_4 + \lambda_3\lambda_4 = ( \quad )$  (5 分)

3. 令  $A = \begin{bmatrix} 5 & -6 & -6 \\ -1 & 4 & 2 \\ 3 & -6 & -4 \end{bmatrix}$ , 則其最小多項式(minimal polynomial)為 ( ) (5 分)

4. 若  $A = R$  且定義二元運算  $\bullet$  為  $a \bullet b = a + b - 3$ , 則  $a$  的反元素  $a^{-1} = ( \quad )$  (5分)

5. 請找出下面聯立非齊次線性方程組 (non-homogeneous linear equations) 的所有解。  
(10分)

$$2x_1 - x_2 - 3x_3 = 1$$

$$x_1 - x_2 + 2x_3 = -2$$

$$4x_1 - 3x_2 + x_3 = -3$$

$$x_1 - 5x_3 = 3$$

6. Find a Jordan canonical form and a Jordan basis (10分)

$$\text{for } B = \begin{bmatrix} 2 & 5 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 0 & -1 \\ 0 & 0 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -1 \end{bmatrix},$$

(a) a Jordan canonical form  $J$  for  $B$

(b) a Jordan basis for  $B$

(c) Find  $P$ , such that  $J = P^{-1}BP$

7. Prove by induction or otherwise that  $4^{2n} - 1$  is a multiple of 15 for all natural numbers  $n$ . (10分)

8. Let  $A$  be a square matrix. Prove that if  $\lambda$  is an eigenvalue of  $A$ , then  $\lambda^2$  is an eigenvalue of the matrix  $A^2$ . (10分)

9. 一個有限狀態機 (finite state Machine) (10分)

$M = \{S, I, o, v, w\}$ ,  $S = \{S_0, S_1\}$  為機器內部狀態集 (Set of internal states for  $M$ );

$I = \{00, 01, 10, 11\}$  為機器設定可接受輸入的字碼集 (input alphabet form);

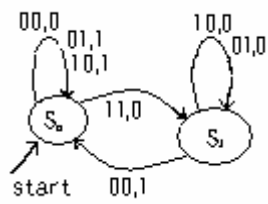
$o = \{0, 1\}$  為機器設定可接受輸出的字碼集 (output alphabet form);  $v$  為機器內部狀態函數 (next state function),  $v: s \times I \rightarrow S$ ;  $w$  為機器輸出函數 (output function),

$w: s \times I \rightarrow 0$ , 今知: 其內部狀態表如下:

		v				w			
		00	01	10	11	00	01	10	11
$S_0$		$S_0$	$S_0$	$S_0$	$S_1$	0	1	1	0
$S_1$		$S_0$	$S_1$	$S_1$	$S_1$	1	0	0	1

請畫出其內部狀態圖：

參考答案：



10. Draw all the non-isomorphic rooted tree with four vertices. (10分)